

空气和水介质中EFP形成特性的数值仿真研究

姜鑫圣, 王金相, 李恒, 唐奎, 林尚剑

引用本文:

姜鑫圣,王金相,李恒,等.空气和水介质中EFP形成特性的数值仿真研究[J]. 兵器装备工程学报, 2020, 41(6):1-6.

您可能感兴趣的其他文章

1. 一种包覆式爆炸成型弹丸数值模拟研究

引用本文:韩阳阳,尹建平,王志军,等.一种包覆式爆炸成型弹丸数值模拟研究[J]. 兵器装备工程学报, 2018, 39(12): 63-67.

2. 结构参数对小长径比装药形成EFP的影响

引用本文:赵飞扬,王志军,王雪飞.结构参数对小长径比装药形成EFP的影响[J]. 兵器装备工程学报, 2019, 40(9): 60-64.

3. 壳体结构对EFP成形性能的影响

引用本文: 池朋飞, 曹兵, 史庆杰. 壳体结构对EFP成形性能的影响[J]. 兵器装备工程学报, 2018, 39(10): 87-90.

4. 药型罩参数对悬浮雷弹战斗部EFP 成形效果影响

引用本文: 袁志华, 王广程, 李回滨, 等. 药型罩参数对悬浮雷弹战斗部EFP 成形效果影响[J]. 兵器装备 工程学报, 2016, 37(11): 1-5.

5. 次口径三层球缺药型罩形成串联EFP数值模拟

引用本文:窦成彪,尹建平,徐全振,等.次口径三层球缺药型罩形成串联EFP数值模拟[J]. 兵器装备工程学报, 2017, 38(4): 63-67.

【装备理论与装备技术】

doi: 10.11809/bqzbgcxb2020.06.001

空气和水介质中 EFP 形成特性的数值仿真研究

姜鑫圣1,王金相1,李 恒2,唐 奎1,林尚剑1

(1. 南京理工大学瞬态物理国家重点实验室, 南京 210094; 2. 海军研究院, 北京 102401)

摘要:为掌握水介质中 EFP 成型的参数设计方法,开展了 4 种 EFP(向后翻转型、向前压合型、压垮型和长杆型)在空 气和水介质中形成特征的对比数值仿真研究,确定了上述 4 种 EFP 在水介质中成型的参数要求,分析了水介质中 EFP 成型参数的变化规律。结果表明:相同装药条件下,水介质中药型罩获得的能量比空气中大,药型罩沿母线罩 微元压垮速度梯度更大,从而形成长径比更大的 EFP 结构;与空气中相比,向后翻转型 EFP、长杆型 EFP、向前压合型 EFP 及压垮型 EFP 在水中良好成型所需药型罩壁厚分别增大 26.7%、20.0%、10.0%、66.7%,可调整药型罩曲率半 径得到与空气中形成特征类似的 EFP 结构;以向前压合型 EFP 为例,水介质环境下,随着药型罩壁厚的增大,EFP 速 度和长径比减小,而随着药型罩曲率半径的增大,EFP 速度将增大而长径比减小,在一定范围内,随着空气罩长度的 增大,EFP 在爆炸成型后的平均速度较小,但 EFP 长径比将会增大。

关键词:爆炸成型弹丸(EFP);水介质;弹丸结构;参数设计;数值仿真

本文引用格式:姜鑫圣,王金相,李恒,等.空气和水介质中 EFP 形成特性的数值仿真研究[J]. 兵器装备工程学报, 2020,41(06):1-6.

Citation format: JIANG Xinsheng, WANG Jinxaing, LI Heng, et al. Study on Characteristics of EFP Formation in Air andWater Medium by Numerical Simulation [J]. Journal of Ordnance Equipment Engineering, 2020, 41(06):1-6.中图分类号: TJ410.33文献标识码: A文章编号: 2096 - 2304(2020)06 - 0001 - 06

Study on Characteristics of EFP Formation in Air and Water Medium by Numerical Simulation

JIANG Xinsheng¹, WANG Jinxaing¹, LI Heng², TANG Kui¹, LIN Shangjian¹

(1. National Key Laboratory of Transient Physics,

Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210094, China;

2. Naval Research Academy, Beijing 102401, China)

Abstract: In order to explore the difference between EFP formation in air and water, and achieve a good design configuration of EFP formation in water, four kinds of EFP (Backward-Folding EFP, Forward-Folding EFP, Radial Collapse EFP and Long Rod EFP) were carried out to discuss the characteristics of EFP formation in air and water by numerical simulation. The parameters of the four EFPs formation in water were determined, and the parameters' effects on EFP formation were analyzed. The results in the water show that under the same charge condition, the energy obtained by the liner is larger, and the velocity difference of the liner along the busbar liner is larger, to get a EFP structure with larger length-diameter ratio in water than in air. Compared with that in the air, the thickness of the liner with Backward-Folding EFP, long rod EFP, Forward-Folding EFP and Radial Collapse EFP has an increase by 26.7%,

收稿日期:2019-08-01;修回日期:2019-08-15

基金项目:国家自然科学基金项目(11672138);预研创新项目(3020605020205)

作者简介:姜鑫圣(1996一),男,硕士,主要从事 EFP 成型及毁伤能力研究, E-mail: JiangXinsheng@ njust. edu. cn。

通讯作者:王金相(1978—),男,研究员,博士生导师,主要从事爆炸与冲击动力学研究,E-mail:wjx@njust.edu.cn。

20.0%, 10.0% and 66.7% respectively. We can attain a similar EFP structure in air by adjusting the curvature radius of liner. Taking Forward-Folding EFP as an example, by the thickness of liner increasing, the EFP velocity and length-diameter ratio decrease, the curvature radius of liner increases too. If velocity increases, the length-diameter ratio will decrease. In a certain range, with the longer the length of air liner, EFP velocity has a slight change after explosion, but the EFP length-diameter ratio becomes larger. **Key words**: explosively formed projectile(EFP); water medium; projectile structure; parameters design; numerical simulation

爆炸成型弹丸(EFP)是聚能装药的一种,具有对炸高不 敏感、质量大、稳定性好、毁伤效果好等优点。为得到良好 EFP 构型,国内外对于 EFP 的成型过程开展了大量研究。 Hussain G^[1],段建^[2],姚志华^[3]等研究了药型罩材料等因素 和结构参数对成型的 EFP 结构性能的影响;唐蜜等^[4]运用 正交设计方法探究了药型罩各成型因素对 EFP 成型速度的 影响规律,对 EFP 的结构参数设计有着重要指导作用。随着 现代水中兵器技术的发展,为了增大水中兵器战斗部的毁伤 能力,国内外科研机构逐渐开始探索 EFP 等聚能装药作为水 下弹药的应用。Janzon S G 等^[5]运用数值模拟方法分别研究 了铜和钽 EFP 水中侵彻和失效问题;Lam C 等^[6]对比研究了 细长型及"馒头型"两种 EFP 在水中侵彻过程中的消蚀及速 度变化过程: Hussain G 等^[7]对 EFP 水中飞行及侵彻靶板的 过程进行了仿真与试验研究,探求了 EFP 水中速度变化情况 及 EFP 的有效炸高;杨莉等^[8-9]也对 EFP 在水中飞行特性与 侵彻规律进行了研究;王雅君等^[10-11]利用 EFP 等效模型方 法对其进一步数值仿真研究,并试验验证了等效 EFP 方法的 有效性,在此基础上探究了 EFP 结构参数对其水中飞行特性 的影响。曹兵^[12]通过对比试验研究证明了 EFP 水中爆炸成 型与空气中成型再入水侵彻之间的差异。当前,大部分研究 都是以 EFP 空气中良好成型后再入水为前提进行的,有必要 结合水下 EFP 的研究,获得与空气中近似的、成型良好的 EFP 结构,以推进 EFP 聚能战斗部在水中兵器的实际应用。

本文针对水介质中 EFP 的设计需求,通过数值仿真方法,分析了影响 EFP 形成特征的关键因素及影响规律,利用 LS-DYNA 软件开展了四种 EFP 空中和水下形成特征的对比 数值试验,得到了水介质中四种 EFP 设计参数调整方法,揭 示了水介质中 EFP 成型参数的影响规律。

1 EFP 空中和水中成型特征的数值模拟

水介质对 EFP 的成型具有较大的影响,在相同装药条件 下,水的阻力作用会通过影响药型罩微元的压垮速度分布进 而影响 EFP 的成型。为使水中 EFP 也能够良好成型,需对 比分析空气中与水中 EFP 成型效果,根据水的粘滞阻力对 EFP 成型的具体影响效果来调整 EFP 形成特征关键影响因 素,如壁厚参数;为得到与空气中形成特征相似的 EFP,再进 一步调整曲率半径参数。为此,如图 1 以空气中良好形成 EFP 的成型参数为基础,通过数值模拟方法对四种 EFP(向 后翻转型、向前压合型、压垮型和长杆型)进行了空中和水中 成型数值模拟对比试验,以两种介质中 EFP 构型一致为前 提,以此分析水中 EFP 形成特征和动能特性。



图1 EFP 成型数值试验方案示意图

1.1 仿真模型

药型罩材料选用紫铜,战斗部装药直径 D = 30 mm,采用 8701 炸药,装药高度取1 倍装药直径,起爆方式为中心点起 爆。由于模型为轴对称结构,采用1/4 模型,如图2 所示,网 格单元采用六面体 SOLID164 单元,对称边界施加无反射边 界条件,并施加对称约束。考虑到成型过程中的网格畸变问 题,流固耦合采用 ALE 耦合法,其中药型罩使用拉格朗日网 格,炸药、空气以及水域采用欧拉网格。



图 2 1/4 有限元模型

仿真材料模型以及参数的选取参考王雅君^[10]和桂毓 林^[13]对 EFP 的成型及在水中运动特性的仿真研究。装药 8701 炸药用高能炸药材料模型和 JWL 状态方程描述。

JWL 状态方程^[14]的表达式为:

$$p = A\left(1 - \frac{\omega}{R_1 V}\right)e^{-R_1 V} + B\left(1 - \frac{\omega}{R_2 V}\right)e^{-R_2 V} + \frac{\omega e_0}{V} \quad (1)$$

式(1)中:A、B、 R_1 、 R_2 和 ω 为JWL状态方程参数, e_0 为比内能,V是相对体积。炸药参数为: ρ = 1.787 g/cm³,D = 8.39 km/s, p_{CJ} = 30 GPa,A = 58.14 GPa,B = 6.801 GPa, R_1 = 4.1, R_2 = 1, ω = 0.35, e_0 = 9.0 GPa。

紫铜药型罩采用 Grüneisen 状态方程和 Steinberg 本构模型描述;空气和水也采用 Grüneisen 状态方程,材料模型则采 用常见的空物质模型描述。

Grüneisen 方程表达式^[14]为:

$$p = \frac{\rho_0 c_0^2 \mu (1+\mu)}{[1-(s-1)\mu]^2} + \gamma \Big\{ \rho_e - \frac{1}{2} \frac{\rho_0 c_0^2 \mu (1+\mu)}{[1-(s-1)\mu]^2} \frac{\mu}{1+\mu} \Big\}$$
(2)

式(2)中: $\mu = \rho/\rho 0 - 1$; $c_0 和 s$ 分别为 Rankine-Hugoniot us-up 直线的截距和斜率, γ 为 Grüneisen 系数。紫铜的参数为: $c_0 = 3.94$ km/s,s = 1.49, $\gamma = 2.02$; 空气的参数为: $\rho = 1.29$ g/cm³, $c_0 = 0.344$ km/s,s = 0, $\gamma = 1.4$; 水的参数为: $\rho = 1.00$ g/cm³, $c_0 = 1.48$ km/s,s = 1.75, $\gamma = 0.28$ 。

Steinberg 本构模型^[14]的表达式为:

$$\sigma = \sigma_0 [1 + \beta(\gamma_i + \overline{\epsilon'})]^n \left[1 + b' p V^{\frac{1}{3}} - h(\frac{E_i - E_c}{3R'} - 300)\right] e^{-\beta E_i / E_m - E_i}$$
(3)

式(3)中: β ,b',h,R',f,n为材料常数, σ_0 为初始屈服应力, γ_i 为初始塑性应变, E_i 为比内能, E_e 为冷压缩能, E_m 为熔化 能。紫铜的 Steinberg 本构方程参数为: $\rho = 8.93$ g/cm³, $G_0 =$ 47.7 GPa, $\beta = 36.0$,b' = 2.83, $h = 3.77e^{-4}$,R' = 0, f = 0.001, n = 0.45。

1.2 仿真试验设计

以空气中成型效果较好的4种EFP成型参数为基础,形成向后翻转型、向前压合型、压垮型和长杆型,各型EFP的长径比分别为:1.32,1.32,0.80,4.50。按照表1所列的方案对4种EFP分别进行水中爆炸成型数值仿真。对每种EFP,首先仅改变药型罩壁厚参数,确定其在水介质中良好成型所需的壁厚大小,然后再以确定的壁厚大小为基础改变药型罩曲率半径,进一步得到与空气中成型特征(长径比)相似的EFP结构。

对于非等壁厚药型罩,将贴近炸药一侧曲面的曲率半径 作为外曲率半径 r₁,则另一侧与战斗部内空气介质接触的曲 面的曲率半径作为内曲率半径 r₂。

随着药型罩壁厚的增大,水中形成的 EFP 结构行形态越 好,所形成的 EFP 速度及长径比会有所减小,向后翻转型、向 前压合型、压垮型和长杆型 EFP 其药型罩壁厚δ分别为3.8 mm、2.2 mm、5 mm、2.4 mm 时 EFP 在水中能够良好成型;在 壁厚等参数一定的条件下,随着曲率半径的增大,对水中形 成 EFP 结构形态的影响程度与壁厚改变相比较小,所形成 EFP 的速度会有所增大,同时向后翻转型 EFP 的长径比会有 所增大,而其他三种 EFP 的长径比会有所减小,向后翻转型、 向前压合型、压垮型和长杆型 EFP 其药型罩曲率半径 r/D 分 别为0.78,0.87,0.65,0.71时EFP的长径比与空气中近似, 分别为1.41,1.39,0.67,4.72。

表1 4种 EFP 水中数值仿真设计方案

EFP 类型		药型罩成型参数取值
向后翻 转型	壁厚 δ/mm	3,3.2,3.4,3.6,3.8,4.0
	曲率半径 r/D	0.71,0.78,0.87,1.00, 1.18
向前压 合型	壁厚 δ/mm	2,2.2,2.4,2.6,2.8,3.0
	外曲率半径 r ₁ /D	0.71,0.78,0.87,1.00, 1.18
压垮型	壁厚 δ/mm	3,3.5,4,4.5,5
	外曲率半径 r ₁ /D	0.65,0.71,0.78,0.87
长杆型	壁厚 δ/mm	2,2.2,2.4,2.6,2.8,3.0
	曲率半径 r/D	0.71,0.78,0.87,1.00, 1.18

2 仿真结果与分析

表2为相同药型罩成型参数下,4种EFP分别在空气和 水中形成特性。可以得知与空气中相比,无论哪种类型的 EFP,在水介质环境下都会形成长径比及速度更大的EFP结 构。其中压垮型EFP受水介质环境影响最大,其EFP长径 比和速度增量最大;向后翻转型与长杆型EFP所受影响程度 相似;向前压合型EFP受水介质影响程度最小,EFP长径比 和速度增大幅度最小。为进一步探究EFP在空气和水介质 环境下形成特性的差别,从EFP成型参数、EFP能量和成型 效果影响因素与规律3个方面对表1中数值模拟的仿真结 果进行分析。

表2 相同成型参数下 EFP 空中与水中的长径比和速度

	空气中			水中	
EFP 类型	长径	速度/	长径	速度/	
	比	$(m \cdot s^{-1})$	比	$(\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-1})$	
向后翻转型	1.32	847	3.11	881	
向前压合型	1.32	1 890	1.45	1 980	
压垮型	0.96	1 200	2.23	1 350	
长杆型	4.5	1 210	6.14	1 230	

2.1 EFP 成型参数

表3为4种EFP分别在空气中与水中数值仿真结果及 其对应的成型参数,可以看出相同成型参数下4种EFP在水 介质环境下形成的EFP结构的长径比与空气中相比均有所 增大,且水介质对EFP的成型具有较大的影响,除向前压合 型EFP外其他3种EFP成型效果较差,适当增大药型罩壁厚 参数即可实现水中EFP的良好成型。 相比于空气中成型,在水介质中,向后翻转型 EFP、长杆型 EFP、向前压合型 EFP 及压垮型 EFP 良好成型所需药型罩 壁厚分别增大了 26.7%、20.0%、10.0%、66.7%。可以发现,成型模式同为向后翻转式的向后翻转型及长杆型 EFP 壁 厚增大幅度近似,而成型模式同为向前压垮式的向前压合型 及压垮型 EFP 的壁厚增大幅度却具有很大的区别。向前压 合型 EFP 的成型模式药型罩边缘部分微元压垮速度较大,水的粘滞阻力反而降低了药型罩罩微元沿母线的压垮速度梯度,从而更易形成稳定的 EFP 结构,并且即使不改变壁厚也能保证在水中较好成型,其壁厚所需增大幅度较小;而压垮型 EFP 虽然成型模式相似,但药型罩罩微元沿母线压垮速度 梯度较小,从而形成近球形的 EFP 结构,水的粘滞阻力对罩

微元压垮速度影响较大,促进药型罩边缘向前压垮并形成向 前压合型 EFP 的结构,较难使药型罩沿母线罩微元压垮速度 梯度降低,只有当壁厚增大到一定程度才能使得药型罩边缘 向前压垮并在轴心相遇和反方向汇聚,从而形成近球形的 EFP 结构。

比较药型罩壁厚及曲率半径参数对成型的影响规律可 知,影响 EFP 成型的关键因素为药型罩的壁厚,而其曲率半 径参数对 EFP 成型的影响较小。以空气中 EFP 的形成效果 为参考,仅向后翻转型 EFP 在增大壁厚后再改变曲率半径以 得到近似理想的 EFP 结构,曲率半径仅作为壁厚参数确定后 进一步得到近似理想结构的深度设计参数。



表3 EFP初始成型参数及数值仿真效果

2.2 空中与水中 EFP 能量对比分析

取表3中四种 EFP 分别在空气和水介质中相同参数工 况作为分析对象,图3为成型模式都为向后翻转式的向后翻 转型及长杆型 EFP 在空气中与水中药型罩动能的变化曲线, 图4为成型模式都为向前压垮式的向前压合型及压垮型 EFP。可以得知,水中 EFP 聚能战斗部的聚能效果更好,药 型罩所获得的能量比空气中高。其中,向后翻转型 EFP 在水 介质环境下获得动能较空气中提高了 11.2%,长杆型 EFP 则提高了 7.6%,向前压合型 EFP 提高了 25.9%,压垮型 EFP 则提高了 11.7%。与向后翻转式成型模式的两种 EFP 相比,向前压垮式的两种 EFP 受水介质影响较小,能量损失 程度较小,其中向前压合型 EFP 水中成型聚能效果提升显 著,进而使得水中成型 EFP 速度比空气中要大,而压垮型 EFP 水中成型速度则比空气中略小。 由4种典型 EFP 的对比数值试验可知,EFP 聚能战斗部 在水介质环境下药型罩所获得的能量比空气中高,对应在水 介质中获得与空气中形成特征类似的 EFP 结构所需药型罩 壁厚也要增大:向后翻转型、长杆型、向前压合型、压垮型 EFP 分别增大了 26.7%、20.0%、10.0%、66.7%。

2.3 水中 EFP 成型效果影响因素分析

以向前压合型 EFP 为例,保持药型罩曲率半径等其他参数不变,仅分析药型罩壁厚对 EFP 成型效果的影响,分别取药型罩壁厚 $\delta = 2 \text{ mm}, 2.2 \text{ mm}, 2.4 \text{ mm}, 2.6 \text{ mm}, 2.8 \text{ mm}, 3 \text{ mm},得到表征 EFP 成型特征的速度以及长径比随壁厚的变化曲线如图 5。$

为分析药型罩曲率半径对 EFP 成型效果的影响,保持药 型罩壁厚、内曲率半径等其他参数不变,药型罩外曲率半径 与装药直径之比 r₁/D 分别为 0.71、0.78、0.87、1.00、1.18, 得到表征 EFP 成型特征的速度以及长径比随外曲率半径的 变化曲线如图 6。



图3 空中和水中成型动能曲线



图4 空中和水中成型动能曲线



图5 表征 EFP 形成特征参数随壁厚变化曲线



图6 表征 EFP 形成特征参数随外曲率半径变化曲线

空气罩长度,也即水中 EFP 战斗部内空气炸高。为分析 空气罩长度对 EFP 成型效果的影响,保持药型罩壁厚、内外 曲率半径等成型参数不变,空气罩长度与装药直径之比 *l/D* 分别取 0.91、1.05、1.19、1.33、1.47、1.62 得到表征 EFP 成 型特征的速度以及长径比随空气罩长度的变化曲线如图 7。



图7 表征 EFP 形成特征参数随空气罩长度变化曲线

可以得知在水介质环境下,向前压合型 EFP 的速度随着 药型罩壁厚的增大而减小,随着药型罩外曲率半径的增大而 增大;EFP 长径比随着药型罩壁厚度和曲率半径的增大而减 小;向前压合型 EFP 爆炸成型后平均速度受空气罩长度变 化的影响不大,在一定范围内,随着空气罩长度的增加,EFP 长径比也增大。

3 结论

1)相同装药条件下,水介质中药型罩获得的能量要大,向后翻转型、长杆型、向前压合型及压垮型 EFP 获得的动能 分别提高了 11.2%、7.6%、25.9%、11.7%,药型罩沿母线罩 微元压垮速度梯度更大,从而形成长径比更大的 EFP 结构。

2) 与空气中相比,4 种 EFP 为实现水中良好成型,需要 优先增大药型罩壁厚,其中向后翻转型、长杆型、向前压合型 及压垮型 EFP 在水中良好成型对应所需的药型罩壁厚将分 别增大 26.7%、20.0%、10.0%、66.7%,可进而调整药型罩 曲率半径得到与空气中形成特征类似的 EFP 结构。

3)以向前压合型 EFP 为例,水介质环境中 EFP 的速度 随着药型罩壁厚的增大而减小,随着药型罩曲率半径的增大 而增大;EFP 长径比随着药型罩壁厚度和曲率半径的增大而 减小;在一定范围内,随着空气罩长度的增大,EFP 在爆炸成 型后的平均速度较稳定,但 EFP 长径比会增大。

参考文献:

- [1] HUSSAIN G, HAMEED A, HETHERINGTON J G, et al. Analytical performance study of explosively formed projectiles [J]. Journal of Applied Mechanics and Technical Physics, 2013, 54(1):10-20.
- [2] 段建,周刚,王可慧,等.结构参数对爆炸成型弹丸性能影响的研究[J]. 弹箭与制导学报,2010,30(6):103-107.
- [3] 姚志华,王志军,王辉,等. 锥角和壁厚对多爆炸成型弹 九成型影响的数值模拟[J]. 弹箭与制导学报,2011(4): 85-88.
- [4] 唐蜜,柏劲松,李平,等.爆炸成型弹丸成型因素的正交 设计研究[J].火工品,2006(5):38-40.
- [5] JANZON S G, CHICK M, BUSSELL T. Penetration and failure of explosively formed penetrators in water: an experimental and computational study[C]//The 14th International Symposium on Ballistics, Canada: IBC, 1993;611-617.
- [6] LAM C, MCQUEEN D. Study of the penetration of water by an explosively formed projectile [R]. Australia: Aeronautical and Maritime Research Laboratory, 1998:1 – 10.
- [7] HUSSAIN G, HAMEED A, HETHERINGTON J G, et al. The Explosively Formed Projectile (EFP) as a Standoff Sea Mine Neutralization Device[J]. Journal of Energetic Materials,2013,31(2):100 - 114.
- [8] 杨莉,张庆明,巨圆圆.爆炸成型弹丸对含水复合装甲侵 彻的实验研究[J].北京理工大学学报,2009,29(3):197 -200.
- [9] 杨莉,张庆明,时党勇.爆炸成型模拟弹丸对水介质侵彻的数值仿真[J]. 弹箭与制导学报,2009,29(2):117-119.
- [10] 王雅君,李伟兵,王晓鸣. EFP 水中飞行特性及侵彻间隔 靶的仿真与试验研究[J]. 含能材料,2017,25(6):459 -465.
- [11] 王雅君,李伟兵,李文彬,等.爆炸成型模拟弹丸水中飞 行影响因素[J].弹道学报,2018,30(1):87-92.
- [12] 曹兵. EFP 战斗部水下作用特性研究[J]. 火工品,2007 (3):1-5.
- [13] 桂毓林,于川,刘仓理,等.带尾翼的翻转型爆炸成型弹丸的三维数值模拟[J].爆炸与冲击,2005,25(4):313-318.
- [14] Livermore Software Technology Corporation. LS-DYNA Keyword User's Manual [M]. California: Livermore Software Technology Corporation, 2007.

科学编辑 李海涛 博士(海军大学副教授、硕导) 责任编辑 周江川